

O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY TA'LIM, FAN VA INNOVATSİYALAR VАЗİRLİĞİ

NAVOIY DAVLAT PEDAGOGIKA INSTITUTI



O'LCHOVLAR VA INTEGRALLAR NAZARIYASI
FANINING O'QUV DASTURI

Bilim sohasi: 100 000 — Ta'lif
Ta'lif sohasi: 110 000 — Ta'lif
Mutaxassislik: 70540101 — Matematika

Navoiy-2024

Fan/modul kodi O'valN1105	O'quv yili 2024-2025	Semestr 1	ECTS – Kreditlar 6
Fan/modul turi Majburiy	Ta'lim tili O'zbek/rus	Haftadagi dars soatlari 4	
I.	Fanning nomi	Auditoriya mashg'ulotlari (soat)	Mustaqil ta'lim (soat)
	O'lchovlar va integrallar nazariyasi	54	126
2.	I. Fanning mazmuni		
	<p>O'lchovlar va integrallar nazariyasi fani 70540101-Matematika mutaxasisligi bo'yicha magistratura o'quv jarayonida magistrlerning yuqori darajadagi matematik tayyorlarligi va ko'pgina maxsus fanlar bo'yicha chuqur bilimlarga ega bo'lishiда asosiy o'rinn egallaydi. Shuningdek, matematika yo'nalishidagi bakalavr bosqichida o'qiladigan ayrim ixtisoslik fanlarining murakkab masalalari Borel o'lchovlari, potensiallar va haqiqiy o'zgaruvchining funksiyalari nazariyasi fani usullari yordamida oson yechiladi. O'lchovlar va integrallar nazariyasi fani o'quv rejaning mutaxassislik fanlari blokidagi barcha fanlar bilan bog'langan bo'lub. Banax fazosida operatorlar nazariyasi, kategoriyalar nazariyasi, pluriopotensiallar nazariyasi, kompleks dinamik sistemalar, ko'p kompleks o'zgaruvchili funksiyalar nazariyasi fanlari bilan uslubiy jihatdan uzviy ketma-ketlikni tashkil qiladi.</p> <p>Fanni o'qitishdan maqsad — talabalarni matematikaning zaruriy ma'lumotlari majmuasi (tushunchalar, tasdiqlar va ularning isboti, amaliy masalalarni yechish usullari va boshqalar) bilan tanishtirishdan iboratdir. Ayni paytda u talabalarni mantiqiy fikrashga, to'g'ri xulosa chiqarishga, matematik madaniyatini oshirishga xizmat qiladi.</p> <p>Ushbu maqsadlarga erishish uchun fan talabalarni nazariy bilimlar, amaliy ko'nikmalar, mantiqiy fikrash, to'g'ri xulosa chiqarish, matematik madaniyatini oshirish hamda ilmiy dunyoqarashini shakllantirish vazifalarni bajaradi.</p> <p>II. Asosiy nazariy qism (ma'ruza mashg'ulotlari)</p> <p>III. Fan tarkibiga quyidagi mavzular kiradi:</p> <p>1-mavzu. Riman integrali. Paralleliped bo'yicha Riman integrali. Elementar to'plam bo'yicha Riman integrali. й" da klassik Lebeg o'lchovi. O'lchovli to'plamlar. Xossalari.</p> <p>2-mavzu. To'plamlar halqasi va algebrasи. Yarim halqa. Minimal halqa. σ-halqa va σ-algebra. Bul algebrasи.</p> <p>3-mavzu. Lebeg o'lchovi.</p>		

Lebegning abstrakt o'lchovi. Borel o'lchovi. Lebeg integrali. Lebeg integralining xossalari. Lebeg integralini Riman integrali bilan solishtirish. Chebishev teoremasi.
4-mavzu. O'lchovli funksiyalar.
O'lchovli funksiyalar va ularning xossalari. O'lchovli funksiyalar ketma-ketligi. Yegorov teoremasi. O'lchov bo'yicha yaqinlashish. O'lchovli funksiyalarni deyarli uzluksizligi.
5-mavzu. Lebeg va Riss teoremlari.
O'lchovli funksiyalar fazosi. Borel o'lchovi. Musbat o'lchovlar. Zaryadlar. Jordan teoremasi. Chiziqli fazolar. $C(E)$ fazosi. Chiziqli-uzluksiz funksionallar. Kuchsiz yaqinlashish. Riss teoremasi.
6-mavzu. Chekli variatsiyali va absolyut uzluksiz funksiyalar.
Kesmada chekli variatsiyali funksiyalar. Absolyut uzluksiz funksiyalar. Riman-Stites integrali. Lebeg-Stites integrali
7-mavzu. Umumlashgan funksiyalar.
$F(D)$ fazo. $F(D)$ fazoda yakinlashish tushunchasi. Umumlashgan funksiyalar. Umumlashgan funksiyaning differensiali. Umumlashgan funksiyaning svertkasi. Approksimatsiya. Musbat umumlashgan funksiyalar. Umumlashgan funksiyalar singulyarligi. Tartibi.
8-mavzu. O'lchovlar fazosi
Ketma-ketliklarni kuchli va kuchsiz yaqinlashishi. O'lchovlar ketma-ketliklari limitlari. Limit o'lchov integrali. Kuchsiz chegaralangan o'lchovlar to'plami. Kompaktligi. Absolyut uzluksiz, singulyar va diskret o'lchovlar. Radon-Nikodim teoremasi. O'lchovlar zichligi. Baholash. Xausdorf o'lchovi.
III. Amaliy mashg'ulotlari bo'yicha ko'rsatma va tavsiyalar
Amaliy mashg'ulotlardan maqsad — ma'ruza materiallari bo'yicha talabalarning bilim va ko'nikmalarini chuqurlashtirish va kengaytirish, shuningdek, magistrantlarda biror mavzuni mustaqil o'rganish, tahlil qilib berishni o'rgatishdan iborat.
Seminar mashg'ulotlari uchun quyidagi mavzular tavsiya etiladi:
1. Chegarasi musbat o'lchovga ega bo'lgan E ($E \subset \mathbb{R}^2$) to'plamni qurish. Chegarasi musbat o'lchovli soha.
2. Jordan sohasi va uning xossalari. Tashqi o'lchovi nol bo'lgan to'plam.
3. Ochiq, yopiq va borel to'plamlarining o'lchovliligi.
4. Jordan o'lchovi. Stites o'lchovi. Misollar.
5. Lebeg integraliga misol va masalalar.
6. Riss—Markov teoremasiga misollar. Umumlashgan funksiya uchun svertka qurish.
7. Umumashgan singulyar funksiyalarga misollar.
8. Subgarmonik funksiyalarga misollar. Silliqlik.
9. To'plamlar nazariyasi elementlari. To'plamlarning quvvati. Kantor-Bernshteyn teoremasi.
10. To'plamlarning halqa va algebralari, misollar.

11. Tashqi o'lechov va xossalari, o'lechovning Lebeg bo'yicha davomi.
12. O'lechovli funksiyalar.
13. Deyarli va o'lechov bo'yicha yaqinlashish, ularning bog'lanishi.
14. Sodda funksiyalar Lebeg integrali.
15. Ixtiyoriy o'lechovli funksiyalar Lebeg integrali.

Seminar mashg'ulotlari multimedya qurilmalari bilan jihozlangan auditoriyada bir akademik guruhga bir o'qituvchi tomonidan o'tkazilishi lozim. Mashg'ulotlar faol va interaktiv usullar yordamida o'tilishi, mos ravishda munosib pedagogik va axborot texnologiyalar qo'llanishi maqsadga muvofiq.

IV. Mustaqil ta'lif va mustaqil ishlar

Hozirgi davr mutaxassisidan yuqori darajadagi tayyorgarlik, mustaqil ravishda qarorlar qabul qila olish, belgilangan vazifalarni bajarish uchun ko'p ma'lumotlar orasidan kerakligini tanlab olish va bu ma'lumotlarni qayta ishlay olish talab qilinadi.

Talabalarning mustaqil ta'lifidan asosiy maqsadlar quyidagilardan iboratdir:

- yangi bilim olish usullarini egallash, jarayonlarni mustaqil tahlil qila olish;
- auditoriyadagi mashg'ulotlarda olgan bilimlarini mustahkamlash, chuqurlashtirish, kengaytirish va tartibga solish;
- ma'lumotlar va maxsus adabiyotlar bilan ishlashni o'rganish;
- o'quv materiallarni mustaqil o'rganish;

Mustaqil ta'lif uchun tavsiya etiladigan mavzular:

1. Chegarasi musbat o'lechovli soha. Misollar.
2. Jordan o'lechovi. Misollar.
3. Stiltes o'lechovi. Misollar.
4. Lebeg o'lechovi. Misollar.
5. Lebeg integrali. Misollar.
6. Banax fazosi.
7. O'lechovlar fazosi.
8. Umumlashgan funksiyalar.
9. Subgarmonik funksiyalar va ularning xossalari.
10. Subgarmonik funksiyalarning silliqligi.

Mustaqil o'zlashtiriladigan mavzular bo'yicha talabalar tomonidan referatlar tayyorlash va uni taqdimot qilish tavsiya etiladi.

3. V. Fan o'qitilishining natijalari (shakllanadigan kompetensiyalar)

Fanni o'zlashtirish natijasida magistrant:

- Lebeg integrali va uning xossalarni, ochiq, yopiq va borel to'plamlarining o'lechovliliginini, umumlashgan funksiyalar va ularning xossalarni, sig'im va uning xossalarni bilishlari, Xausdorf qamrovi va o'lechovlarini topish,

subgarmonik funksiyalar va ularning xossalari haqida *tasavvur va bilinga ega bo'lishi*;

- elementar to'plamlar bo'yicha Riman integralini hisoblash, Lebeg integrallarini hisoblash va baholash, tekislikda to'plam sig'imini topish, Xausdorf qamrovi va o'lechovlarini topish, umumlashgan hosila hisoblash *ko'nikmalariga ega bo'lishi*;
- nazariy bilimlami puxta o'zlashtirgan bo'lishi, mavzularning mohiyatini tushungan bo'lishi va amaliy masalalarni yechishda nazariy ma'lumotlarni tadbiq eta bilish malakasiga *ega bo'lishi kerak*.

4. VI. Ta'lif texnologiyalari va metodlari:

- ma'ruzalar;
- interfaol keys-stadilar;
- seminarlar (mantiqiy fiklash, tezkor savol-javoblar);
- guruhlarda ishslash;
- taqdimotlarni qilish.

5. VII. Kreditlarni olish uchun talablar:

Fanga oid nazariy va uslubiy tushunchalarni to'la o'zlashtirish, tahlil natijalarini to'g'ri aks ettira olish, o'rganilayotgan jarayonlar haqida mustaqil mushohada yuritish va joriy, oraliq nazorat shakllarida berilgan vazifa va topshiriqlarni bajarish, yakuniy nazorat bo'yicha yozma ishni topshirish.

6. Asosiy adabiyotlar

1. Садуллаев А. Борелевские меры, интегралы и потенциалы, Хива, 2018.
2. Садуллаев А. Теория потенциала. Тошкент, 2021.
3. Колмогоров А. Н., Фомин С. В. Элементы теории функций и функционального анализа. М.: «Наука», 1976.
4. Sarimsoqov T. A. Haqiqiy o'zgaruvchili funksiyalar nazariyasi. Т.: «O'qituvchi», 1986.
5. Ayupov Sh.A., Ibragimov M.M., Kudaybergenov K.K., Funksional analizdan misol va masalalar: o'quv qo'llanma. Nukus: "Bilim", 2009.

Qoshimcha adabiyotlar

6. Brian S. Thomson. Theory of the integral. Simon Fraser University, 2012.
7. Садуллаев А. Теория плюрипотенциала. Т.: «Университет», 2013.
8. Садуллаев А. Теория плюрипотенциала. Palmarium, Deutschland, 2012.
9. Люстернек Л. А., Соболев В. И. Элементы функционального анализа. М.: «Наука», 1965.
10. Очан Ю. С. Сборник задач по математическому анализу. М.:

- «Просвещение», 1981.
11. Федерер Г. Геометрическая теория меры. М.: «Наука», 1987.
 12. Шилов Г. Е., Гуревич Б. А. Интеграл, мера, производная. М.: «Наука», 1967.
 13. Ронкин Л. И. Введение в теорию целых функций многих переменных. М.: «Наука», 1971.
 14. Ландкоф Н. С. Основы современной теории потенциала. М.: «Наука», 1966.
 15. Брело М. Основы классической теории потенциала. М.: «Мир», 1964.
 16. Хейман У., Кеннеди П. Субгармонические функции. М.: «Мир», 1980.
 17. Дьяченко М.И., Ульянов П.Л. Мера и интеграл. М.: «Факториал», 1998.

Internet saytlari

18. <http://www.ziyonet.uz/>
19. <http://www.allmath.ru/>
20. <http://www.mcce.ru/>
21. <http://lib.mexmat.ru/>
22. <http://www.webmath.ru/>
23. <http://www.exponenta.ru/>

7. O'quv dasturi Navoiy davlat pedagogika instituti Kengashning 2024-yil __ - dagi __ - sonli bayonnomasi bilan tasdiqlangan.

8. Fan/modul uchun mas'ullar:
D.R.Mansurov – Navoiy davlat pedagogika instituti "Matematika" kafedrasini katta o'qituvchisi f.-m.f.b.f.d.

9. Taqrizchilar:
M.Nurullayev – TDPU, "Umumiy matematika" kafedrasini dotsenti, fizika-matematika fanlari nomzodi.
M.Maxmudova – Chirchiq davlat pedagogika instituti "Matematika o'qitish metodikasi va geometriya" kafedrasini mudiri, pedagogika fanlari doktori, dotsent

Kafedra mudiri:

 S.X. Abjalilov