

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI PREZIDENTINING  
FARMONI**

1. O'zbekiston respublikasini yanada rivojlantirish bo'yicha harakatlar strategiyasi to'g'risida. (O'zbekiston Respublikasi qonun hujjatlari to'plami, 2017 y., 6-son, 70-modda)
2. O'zbekiston Respublikasi Prezidentining 2020 - yil 6 - noyabrdagi "O'zbekistonning yangi taraqqiyot davrida ta'lif - tarbiya va ilm - fan sohalarini rivojlantirish chora tadbirdari to'g'risida" gi PF - 6108 - son farmoni.

**XII. Axborot manbaalari**

1. [www.tdpu.uz](http://www.tdpu.uz)
2. [www.pedagog.uz](http://www.pedagog.uz)
3. [www.edu.uz](http://www.edu.uz)
5. [www.nadlib.uz](http://www.nadlib.uz) (A.Navoiy nomidagi O'z.MK)
6. <http://ziyonet.uz> — Ziyonet axborot-ta'lif resurslari portal
7. <http://www.mathprofi.ru>
8. <http://eqworld.ipmnet.ru/>

7. Nizomiy nomidagi Toshkent davlat pedagogika universiteti tomonidan ishlab chiqilgan va universitet Kengashining 2023 yil "\_\_\_\_\_"  
dagi qarori bilan tasdiqlangan

8. Fan/modul uchun mas'ullar va dastur mualliflari:  
M.Nurillayev – Umumiy matematika kafedrasi mudiri, fizika-matematika fanlari bo'yicha falsafa doktori (PhD)  
H.Boltayev – Umumiy matematika kafedrasi dotsenti v.v.b, fizika-matematika fanlari bo'yicha falsafa doktori (PhD).

9. Taqrizchilar:  
Qaybnazarova G.- Nukus davlat pedagogika instituti "Matematika o'qitish metodikasi" kafedrasi dotsenti, f.m.f.n, dotsent;  
Hakimov A. – Navoiy davlat pedagogika instituti "Matematika" kafedrasi dotsenti, f.m.f.n.

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI  
MAKTABGACHA VA MAKTAB TA'LIMI VAZIRLIGI**

**NIZOMIY NOMIDAGI  
TOSHKENT DAVLAT PEDAGOGIKA UNIVERSITETI**



Ro'yxatga olindi: № MD-70110601-1.04  
2023 yil "\_\_\_\_"

**ANALIZNING TANLANGAN BOBLARI  
O'QUV DASTUR**

Bilim sohasi: 100000 – Ta'lif

Ta'lif sohasi: 110000 – Ta'lif

Magistratura  
mutaxassisliklari: 70110601 - Aniq va tabiiy fanlarni o'qitish  
metodikasi(matematika)

**Toshkent-2023**

Fan/modul kodi ATBM1105	O'quv yili 2023-2024	Semestr I	ECTS -kreditlar 5	
Fan/modul turi Majburiy	Ta'lim tili O'zbek/rus	Haftadagi dars soatlari 4		
1.	Fanning nomi	Auditoriya mashg'ulotlari (soat)	Mustaqil ta'lif (soat)	Yuklama jami (soat)
	Analizning tanlangan boblari	60	90	150
2.	<b>I. Fanning mazmuni</b> Fanni o'qitishdan maqsad-talabalarda bakalavriat bosqichidagi matematik analiz fanidan olgan bilimlarini chuqurlashtirish va hozirgi zamon matematikasini o'rganish uchun yetarli matematik bilim, ko'nikma va malakalar shakllantirishdir. Fanning vazifasi – talabalarga hozirgi zamon matematikasining asosiy tushunchalaridan bo'lgan to'plamning Lebeg o'lchovi, Lebeg ma'nosida o'lchovli funksiyalar, Lebeg integrali, jamlanuvchi funksiyalar fazolari; normalangan va Gilbert fazolarida chiziqli operatorlarni, ularning tatbiqlarini; Gilbert fazolarida Fure integrallarini o'rganish hamda o'rganilgan nazariy bilimlarni amaliyatga qo'llashni o'rgatishdan iborat. <b>II. Asosiy qism (ma'ruza mashg'ulotlari)</b> <b>II.I. Fan tarkibiga quyidagi mavzular kiradi:</b>			
	<b>1-mavzu. To'plamlar sistemasi</b> To'plamlar halqasi. To'plamlar yarimhalqasi. Yarimhalqadan hosil bo'lgan halqa. <b>2-mavzu. Tekislikdagi to'plam o'lchovi</b> Elementar to'plam o'lchovi, tekislikda Lebeg o'lchovi, xossalari <b>3-mavzu. O'lchovning umumiy ta'rifi. O'lchovni yarimhalqadan halqaga davom ettirish. Additivlik va <math>\sigma</math>-additivlik</b> O'lchov ta'rifi, o'lchovni yarimhalqadan u bilan hosil qilingan halqaga davom ettirish. $\sigma$ -additivlik <b>4-mavzu. O'lchovni Lebeg ma'nosida davom ettirish</b> Birlik elementni yarimhalqada aniqlangan Lebeg o'lchovini davom ettirish. <b>5-mavzu. O'lchovli funksiyalar</b> Ta'rifi va asosiy xossalari. O'lchovli funksiyalar ustida amallar. Ekvivalentlik. O'lchovli funksiyalar ketma-ketligi. Tekis yaqinlashish. Deyarli hamma yerda uzlusizlik. Yegorov teoremasi. O'lchov bo'yicha yaqinlashish. Luzin teoremasi. <b>6-mavzu. Lebeg integrali</b> Sodda funksiyalar, sodda funksiyalar uchun Lebeg integrali. Chekli o'lchovli to'plamda Lebeg integralining umumiy ta'rifi. Lebeg integralining $\sigma$ -additivligi va absolyut uzlusizligi. Lebeg integrali ostida limitga o'tish.			

7-mavzu. $L_1$ fazo	$L_1$ fazo ta'rifi va asosiy xossalari. $L_1$ fazoning hamma yerida zich to'plamlar
8-mavzu. $L_2$ fazo	$L_2$ fazo ta'rifi va asosiy xossalari. $L_2$ fazoning hamma yerida zich to'plamlar. Izomorfizm haqidagi teorema. Funksional fazolarda o'rta kvadratik yaqinlashish, uning boshqa yaqinlashish turlari bilan aloqalari
9-mavzu. $L_2$ fazoda ortogonal funksiyalar sistemasi. Ortogonal sistema bo'yicha qatorlar	Trigonometrik sistema. Furening trigonometrik qatori.
10-mavzu. Normalangan fazoda chiziqli funksionallar	Funksional, chiziqli funksional, ta'rifi, asosiy xossalari. Chiziqli funksional normasi. Xan-Banax teoremasi. Qo'shma fazo ta'rifi. Qo'shma fazoning to'la normalangan fazo ekanligi. Qo'shma fazoga misollar.
11-mavzu. Normalangan fazoda chiziqli operatorlar	Chiziqli operator ta'rifi va misollar. Uzlusizlik va chegaralanganlik. Operatorlar yig'indisi va ko'paytmasi. Teskari operator, teskarilanuvchanlik. Teskari operator haqidagi Banax teoremasi. Qo'shma operatorlar. Yevklid fazosida qo'shma operatorlar. O'z-o'ziga qo'shma operatorlar. Gilbert-Shmidt teoremasi. Spektr va rezolventa.
12-mavzu. Kompakt operatorlar va ularning xossalari	Kompakt operator ta'rifi, misollar. Asosiy xossalari. Kompakt operatorning xos qiymatlari. Gilbert fazolarida kompakt operatorlar. Gilbert fazolarida o'z-o'ziga qo'shma kompakt operatorlar.
13-mavzu. Chiziqli integral tenglamalar haqida asosiy tushunchalar	Chiziqli integral tenglama ta'rifi, misollar. Integral tenglama tushunchasiga keltiradigan misollar.
14-mavzu. Fredholm integral tenglamalari	Fredholm integral operatori. Simmetriyali yadroli tenglama. Fredholm teoremlari.
III. Amaliy mashg'ulotlari bo'yicha ko'rsatma va tavsiyalar	Amaliy mashg'ulotlar uchun quyidagi mavzular tavsiya etiladi:
1. To'plamlar halqasi va algebrasi, yarimhalqa.	
2. Tekislikda elementar to'plamlar va ularning o'lchovi	
3. O'lchovning umumiy ta'rifi	
4. O'lchovni Lebeg ma'nosida davom ettirish	
5. O'lchovli funksiyalar va ularning xossalari	
6. O'lchovli funksiyalar ketma-ketligi. Tekis yaqinlashish	
7. O'lchov bo'yicha yaqinlashish	
8. Lebeg integrali va uning xossalari	
9. $L_1$ fazo	
10. $L_2$ fazo	

11.  $L_2$  fazoda ortogonal funksiyalar sistemasi. Ortogonal sistema bo'yicha qatorlar

12. Normalangan fazoda chiziqli funksionallar

13. Qo'shma fazolar.

14. Ikkinci qo'shma fazo. Refleksiflik.

15. Chiziqli uzlusiz operatorlar

16. Chiziqli uzlusiz operatorlar fazosi

17. Teskari operatorlar

18. Qoshma operatorlar. O'z-o'ziga qo'shma operatorlar.

19. Gilbert-Shmidt teoremasi.

20. Chiziqli operatorlar spektri va rezolventasi

21. Kompakt operatorlar va ularning xossalari

22. Fredgolm integral tenglamalari

Amaliy mashg'ulotlar multimediya qurilmalari bilan jihozlangan auditoriyada bir akademik guruhg'a bir professor-o'qituvchi tomonidan o'tkazilishi zarur. Mashg'ulotlar faol va interfaol usullar yordamida o'tilishi, mos ravishda munosib pedagogic va axborot texnologiyalar qo'lanilishi maqsadga muvofiq.

#### IV. Mustaqil ta'lim va mustaqil ishlar

1. Kompaktda uzlusiz funksiyalar algebrasи

2. Chekli o'lchamli normalangan fazoda chiziqli operatorlar algebrasи

3. Gilbert fazosida chiziqli operatorlar algebrasи

4. Chekli o'lchamli fazoda normalar

5. Funksional analizning asosiy prinsiplari

6. Absolyut uzlusiz to'plam funksiyalar

7. Fubini teoremasi

8. n o'lchamli fazoda simmetrik operator uchun spektral teorema

9. Unitar operator uchun spektral teorema

10. Chegaralanmagan operatorlar

Mustaqil ta'limning mazmuni talabalar tomonidan

- leksiya va amaliy mashg'ulotlarga tayyorgarlik;

- uy vazifalarini bajarish;

- nazariy bilimlarni o'zlashtirish;

- tabaqalashtirilgan yakka tartibdagi topshiriqlarni bajarish;

- mustaqil ta'lim uchun mo'ljallangan mavzularini o'zlashtirishdan iboratdir.

#### V. Mustaqil ta'lim uchun tavsya etiladigan mavzular:

- amaliy mashg'ulotlarga tayyorgarlik;

- uy vazifalarini bajarish;

- nazariy bilimlarni o'zlashtirish;

- mustaqil ta'lim uchun mo'ljallangan mavzularini o'zlashtirishdan iboratdir.

#### VI. Mustaqil ta'lim uchun tavsya etiladigan mavzular:

1. To'plamlarning  $\sigma$ -algebraлари

2. Tashqi o'lhov va uning xossalari

3. Tekislikda Lebeg o'lhovining xossalari isboti

4. Abstrakt Lebeg o'lhovining xossalari isboti

5. Birlik elementi bo'lman yarimhalqada aniqlangan Lebeg o'lhovini davom ettirish.

6.  $\sigma$ -chekli o'lhov holida o'lhov tushunchasini kengaytirish.

7. O'lhovli funksiyalar ketma-ketlig'i, yaqinlashish turlari, ularning aloqasi

8. Lebeg va Riss teoremlari

9. Cheksiz o'lhovli to'plamda Lebeg integrali. Lebeg va Riman integrallarini solishtirish

10. O'lhovlarning to'g'ri ko'paytmasi. Fubini teoremasi

11.  $L_1$  fazoning normalangan fazo ekanligi

12.  $L_2$  fazoning Gilbert fazosi ekanligi

13. Cheksiz o'lhov holida  $L_2$  fazo.

14.  $[0,\pi]$  da trigonometrik sistemalar.

15. Kompleks  $L_2$  fazo.

16. Kompleks shakldagi Fure qatori.

17. Qavariq funksionallar. Minkovskiy teoremasi.

18. Normalangan va Banax fazolarining faktor fazolari.

19. Ikkinci qoshma fazo.

20. Normalangan fazolarda kuchsiz yaqinlashish.

21. Teskari operator haqidagi Banax teoremasining natijalari.

22. Ixtiyoriy yadroli hol uchun Fredgolm teoremasi.

23. Birinchi tur integral tenglama.

24. Fredgolm teoremlari isbotlari

Mustaqil o'zlashtirilgan mavzular bo'yicha talabalar tomonidan referatlар tayyorlash va ularni himoya qilish tavsya etiladi.

#### Fan bo'yicha kurs ishi.

Fan bo'yicha kurs ishi rejalashtirilmagan.

#### 3. VII. Fan o'qitilishining natijalari (shakllanadigan kompetensiyalar)

Fanni o'zlashtirish natijasida magistr:

Lebeg o'lhovi; Lebeg integrali; Jamlanuvchi funksiyalar;  $L_n$  fazolar; Fure qatori; Bessel tengsizligi; Parseval tengligi; normalangan fazolar; chiziqli operatorlar; chiziqli operator normasi; kompakt operatorlar; Gilbert fazosi; Banax fazosi; chiziqli integral tenglamalari; haqida tasavvur va bilimlarga ega bo'lishi;

- o'lhovli funksiyalar va ularning xossalari; jamlanuvchi funksiyalar, ularning xossalari; Fure qatori xususiy yig'indilari ketma-ketligining fundamentalligi; normalangan fazolarda chiziqli operator uzlusizligi va chegaralanganligining

	<p>ekvivalentligi; Banax-Shteyngauz teoremasi; teskari operator haqida Banax teoremasi; chiziqli uzlusiz funksionalni davomlashtirish haqida Xan-Banax teoremasi; Gilbert fazosida kompakt operatorlar; Fredgolm teoremalarini, fanning asosiy tushunchalarining ta'riflari, teoremlar va ularning isbotlarini tahlil qilish <i>ko'nikmalariga ega bo'lishi</i>;</p> <p>Lebeg integralining sanoqli additivligidan foydalana olish; ortonormalangan sistemaning to'laligi kriteriyasidan foydalana olish; Parseval tengligini tafbiq qilish; tekis chegaralanganlik prinsipidan foydalana olish; chiziqli uzlusiz operatorning teskarilanuvchanligi kriteriyasidan foydalana olish <i>malakasiga ega bo'lishi kerak</i>.</p>
4.	<p><b>VIII. Ta'lim texnologiyalari va metodlari:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ma'ruzalar;</li> <li>- amaliy mashg'ulotlar (masalalar yechish, tezkor savol-javoblar);</li> <li>- guruhlarda ishlash;</li> <li>- taqdimotlar qilish;</li> <li>- individual loyiham (vazifalar);</li> <li>- jamao bo'lib ishlash va himoya qilish uchun loyihamlar.</li> </ul>
5.	<p><b>IX. Kreditlarni olish uchun talablar:</b></p> <p>Fanga oid tushuncha ta'riflari, teoremlar mazmunini to'la o'zlashtirish, masala yechimlari, teorema isbotlarini to'g'ri aks ettira olish, o'rganilayotgan nazariya haqida mustaqil mushohada yuritish, joriy, oraliq nazorat shakllarida berilgan vazifa va topshiriqlarni bajarish, yakuniy nazorat bo'yicha yozma ish yoki og'zaki topshirish.</p>
6.	<p><b>X. Asosiy adabiyyotlar</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Sarimsoqov T. A. Funksional analiz kursi. T.: "O'qituvchi". 1987.-400b.</li> <li>2. Sarimsoqov T. A. Haqiqiy o'zgaruvchining funksiyalari nazariyasi. T.: "O'qituvchi". 1993.-340b.</li> <li>3. Ayupov Sh.A., Berdiqulov M.A., Turgunbaev R.M. Funksiyalar nazariyasi. T.: «O'AJBNT» Markazi, 2004y.- 148b.</li> <li>4. Ayupov Sh.A., Berdiqulov M.A., Turgunbaev R.M. Funksional analiz. T.: TDPU. 2014.-126 b.</li> <li>5. Ayupov Sh.A., Ibragimov M.M., K.K.Kudaybergenov. Funksional analizzdan misol va masalalar. Nukus. Bilim, 2009. -304b.</li> <li>6. Abdullaev J.I., G'anixujaev N.N., Shermatov M.H., Egamberdiev O.U. Funksional analiz. Toshkent, Samarqand, 2009. -424b.</li> <li>7. Eshqobilov Yu.X. va b. Funksional analiz (misol va masalalar yechish). 1-qism. Toshkent, "Tafakkur bo'stoni", 2015. -297b.</li> <li>8. Richard F. Bass, Real analysis for graduate students: measure and integration</li> </ol>

- theory. 2011.- 206 p.
9. Barbara D. MacCluer, Elementary Functional Analysis. Springer. Science+Business Media, LLC. 2009. – 218 p.
- XI. Qo'shimcha adabiyyotlar**
1. Mirziyoyev Sh. M. Erkin va farovon, demokratik o'zbekiston davlatini birligida barpo etamiz. O'zbekiston Respublikasi Prezidenti lavozimiga kirishish tantanali marosimiga bag'ishlangan Oliy Majlis palatalarining qo'shma majlisidagi nutq / Sh.M. Mirziyoyev. – Toshkent: O'zbekiston, 2016. - 56 b.
  2. Mirziyoyev Sh M. Tanqidiy tahlil, qat'iy tartib-intizom va shaxsiy javobgarlik – har bir rahbar faoliyatining kundalik qoidasi bo'lishi kerak. Mamlakatimizni 2016 yilda ijtimoiy-iqtisodiy rivojlantirishning asosiy yakunlari va 2017 yilga mo'ljallangan iqtisodiy dasturning eng muhim ustuvor yo'nalishlariga bag'ishlangan Vazirlar Mahkamasining kengaytirilgan majlisidagi ma'ruza, 2017 yil 14 yanvar / Sh.M. Mirziyoyev. – Toshkent: O'zbekiston, 2017. – 104 b.
  3. Mirziyoyev Sh. M. Qonun ustuvorligi va inson manfaatlarini ta'minlash – yurt taraqqiyoti va xalq farovonligining garovi. O'zbekiston Respublikasi Konstitutsiyasi qabul qilinganining 24 yilligiga bag'ishlangan tantanali marosimdagи ma'ruza. 2016 yil 7 dekabr /Sh.M.Mirziyoyev. – Toshkent: "O'zbekiston", 2017. – 48 b.
  4. Mirziyoyev Sh.M. Buyuk kelajagimizni mard va oljanob xalqimiz bilan birga quramiz. Mazkur kitobdan O'zbekiston Respublikasi Prezidenti Shavkat Mirziyoyevning 2016 yil 1 noyabrdan 24 noyabrga qadar Qoraqalpog'iston Respublikasi, viloyatlar va Toshkent shahri saylovchilari vakillari bilan o'tkazilgan saylovoldi uchrashuvlarida so'zlagan nutqlari o'rinn olgan. /Sh.M.Mirziyoyev. – Toshkent: "O'zbekiston", 2017. – 488 b.
  5. O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI PREZIDENTINING FARMONI. O'zbekiston respublikasini yanada rivojlantirish bo'yicha harakatlar strategiyasi to'g'risida. (*O'zbekiston Respublikasi qonun hujjatlari to'plami*, 2017 y., 6-son, 70-modda)
  6. Колмогоров А.Н., Фомин С.В., Элементы теории функции и функционального анализа. М.: Наука. 1989.-624 с.
  7. Кириллов А.А., Гвишиани А.Д. Сборник задач и теорем по курсу функционального анализа. М.: Наука. 1988.-400с.
  8. Садовничий В.А. Теория операторов. М.: Дрофа. 2004.-382с.
  9. Дерр В.Я. Теория функций действительной переменной. Лекции и упражнения: Учеб. пособие/- М.: Высш. шк., 2008.- 384 с.
  10. Дерр В.Я. Функциональный анализ: лекции и упражнения: учебное пособие / В.Я. Дерр. - М.: КНОРУС, 2013. - 464 с.